

Séminaire Groupes Réductifs et Formes Automorphes

Le 17 décembre 2018 à 10h30 (Jussieu)

Représentations de niveau 0 d'un groupe p -adique : caractérisation, endoscopie.

Exposé de Jean-Loup Waldspurger
(IMJ)

Résumé :

Soit G un groupe réductif connexe défini sur un corps p -adique F . On suppose que la caractéristique résiduelle p de F est "grande" relativement à G . Soit π une représentation admissible irréductible de $G(F)$. Harish-Chandra a prouvé qu'au voisinage de tout élément semi-simple s de $G(F)$, le caractère de π s'exprimait à l'aide de transformées de Fourier d'intégrales orbitales nilpotentes dans l'algèbre de Lie du commutant de s . On énoncera un théorème affirmant que π est de niveau 0 si et seulement si, pour tout s d'une forme particulière, ce développement est valide sur le plus grand voisinage raisonnablement possible. Cela a une conséquence pour la théorie de l'endoscopie. Le transfert spectral a été défini par Arthur, avec pour objet de base le groupe de Grothendieck complexifié de la catégorie des représentations admissibles de longueur finie de $G(F)$. On montre que ce transfert existe encore et qu'il conserve les mêmes propriétés si on se limite aux représentations de niveau 0.